Środki konstrukcyjne i technologiczne zwiększające wytrzymałość zmęczeniową sprężyn śrubowych

W artykule przedstawiono zagadnienia zwiększenia wytrzymałości zmęczeniowej sprężyn śrubowych usprężynowania pierwszego stopnia wózków wagonów towarowych Y25L. Zwiększenie wytrzymałości zmęczeniowej można osiągnąć dobierając odpowiednio materiał pręta oraz stosując zabiegi technologiczne. Omówiono czynniki, które przyczyniają się do zwiększenia żywotności sprężyn, jak np. prawidłowe użycie tłumika ciernego czy też zabezpieczenie antykorozyjne.

1.WSTĘP

Obliczenia wytrzymałościowe sprężyn wózków wagonów towarowych typu **Y25L** wykazały, że są one mocno wytężone [3,4]. W związku z powyższym, aby zachować wymaganą żywotność sprężyn konieczne jest:

- właściwy dobór materiałów na pręty, z których zwijane są sprężyny śrubowe, których przydatność jest potwierdzona przez testy statyczne i zmęczeniowe w akredytowanych laboratoriach badawczych; materiały te powinny odpowiadać normie europejskiej EN 10089:2002 [12];
- przestrzeganie procesu technologicznego, który jest opisany w karcie UIC 822 [10] oraz w normie europejskiej PN-EN 13298:2003 [13];
- właściwe zabezpieczenie antykorozyjne sprężyn śrubowych;
- przestrzeganie zasad właściwej eksploatacji, polegającej na utrzymaniu tłumika ciernego w ciągłej gotowości do tłumienia drgań.

Sprężyny nośne zawieszenia wózków wagonów towarowych są istotnymi elementami, pełniącymi ważną rolę w zapewnieniu bezpieczeństwa przed wykolejeniem oraz zapewniają wymagane własności dynamiczne zgodnie z PN-EN 14363:2007 [14].

Wynika z tego, że przed producentami sprężyn wózków wagonów towarowych postawiono poważne wyzwanie. W przypadku występowania bardzo dużego wytężenia materiału i wyczerpaniu wszystkich środków konstrukcyjnych, szczególną rolę pełni technologia wytwarzania sprężyn. Dobór odpowiednich środków technologicznych musi zapewnić wymaganą wytrzymałość statyczną oraz zmęczeniową, a tym samym żywotność sprężyn. Wymagane środki technologiczne powinny wynikać z dokumentacji konstrukcvinej. W przypadku stwierdzenia pekniecia spreżyny (sprężyn) wagon zostaje wyłączony z ruchu, co obciąża kosztowo przede wszystkim użytkownika wagonu. Biorąc pod uwagę, że wagony towarowe są w większości przystosowane do ruchu międzynarodowego, sprawność techniczna wagonu oraz zapewnienie żywotności poszczególnych części na właściwym poziomie jest sprawą priorytetową. Wagony towarowe na wózkach Y25L spełniaja wymagania przejazdu przez tory wichrowate zgodnie z raportem ORE/ERRI B55 oraz wymagania zamienności wymienione w karcie UIC 510-1 [7], raporcie ORE/ERRI B12/Rp17 [16], raporcie ORE/ERRI B12 [15] i w przepisach TSI [18]. Wózki Y25L spełniaja wymagania dynamiczne, wymienione w karcie UIC 432 [5], karcie UIC 518 [9] oraz PN-EN 14363:2007 [14]. Sprężyny wózka Y25L sa wymienione jako elementy standardowe w karcie UIC 517 [8], natomiast wózki jako zespoły standardowe w karcie UIC 500 [6].

2. Dobór materiału na sprężyny

Na sprężyny zawieszenia wózków rodziny Y25L należy stosować stale zgodne z EN 10089:2002 [12]. Prawidłowy dobór materiału jest kluczową sprawą, pomimo standardowego charakteru sprężyn. Biorąc pod uwagę, że naprężenia dopuszczalne przy zblokowaniu $\tau_{ZULBLOCK}=0,56$ ·R_m, dobór stali na sprężyny zawieszenia powinien odbywać się zgodnie z tabelą 1.

Orientacyjne wartości własności mechanicznych ulepszonych cieplnie próbek stali (przeznaczonych do sprężyn
zawieszenia) do badań

Tabela 1	bela 1
----------	--------

Oznakowanie		Temp. hartowania ±10°C	Ośrodek hartowniczy	Temp. odpuszczania ±10°C	R _{p0,2} [MPa]	R _m [Mpa]	A [%]	Z [%]	KU w 20°C
38Si7	1.5023	880	woda	450	1150	1300÷ 1600	8	35	18
46Si7	1.5024	880	woda	450	1250	1400÷ 1700	7	30	15
56Si7	1.5026	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	25	13
55Cr3	1.7176	840	olej	400		1400÷ 1700	3	20	5
60Cr3	1.7177	840	olej	400	1300	1450÷ 1750	3	20	5
54SiCr6	1.7102	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	25	8
56SiCr7	1,7106	860	olej	450	1350	1500÷ 1800	6	25	8
61SiCr7	1.7108	860	olej	450	1400	1550÷ 1850	5,5	20	8
51CrV4	1.8159	850	olej	450	1200	1350÷ 1650	6	30	8
45SiCrV6-2	1.8151	880	olej	400	1550	1600÷ 1900	7	40	13
54SiCrV6	1.8152	860	olej	400	1600	1650÷ 1950	5	35	8
60SiCrV7	1.8153	860	olej	400	1650	1700÷ 2000	5	30	5
46SiCrMo6	1.8062	880	olej	450	1400	1550÷ 1850	6	35	10
50SiCrMo6	1.8063	890	olej	450	1420	1650÷ 1950	6	30	5
52SiCrNi5	1.7117	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	35	10
52CrMoV4	1.7701	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	35	10
60CrMo3-1	1.7239	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	30	8
60CrMo3-2	1.7240	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	30	8
60CrMo3-3	1.7241	860	olej	450	1300	1450÷ 1750	6	30	8

Jak widać z przedstawionej tabeli 1 dopuszczalne $\tau_{ZULBLOCK}$ (bez uwzględnienia współczynnika Wahla), w zależności od gatunku stali zawiera się w przedziale 728 MPa \div 1120 MPa.

Skład chemiczny stali stopowych, wymienionych w tabeli 1 i zalecanych do użycia na sprężyny śrubowe, pracujące przy wysokich obciążeniach jest podany w tabeli 2.

3. Technologia wykonania sprężyn śrubowych

3.1. Zasadnicze operacje technologiczne przy wytwarzaniu sprężyn śrubowych

Zgodnie z kartą UIC 822 [10] sprężyny zawieszenia wózków wagonów towarowych typu Y25L wykonuje się stosując proces technologiczny, podzielony na następujące operacje:

- podgrzewanie pręta, przeznaczonego na sprężyny w piecu z kontrolowaną atmosferą, aby uniknąć procesu odwęglenia, temperatura podgrzewania wynosi ok. 900 °C, po osiągnięciu ww. temperatury odbywa się formowanie końców sprężyny przez dwa walce ułożone wzdłużnie oraz dwa walce pionowe, które są odpowiedzialne za szerokość końców pręta, które odpowiada średnicy pręta; walce są sterowane przez centrum komputerowe;
- następnie pręt jest poddany wygrzewaniu w temperaturze austenityzacji (ok. 930°C)
- zwijanie pręta na gorąco na trzpieniu zwijarki, który nadaje średnicę wewnętrzną sprężyny, skok zwojów jest sterowany za pomocą komputera;

	Oznaczenie	Zawartość procentowa pierwiastków [%]										
L.p	Znak stali	Numer	С	Si	Mn	P _{MAX}	S _{MAX}	Cr	Ni	Mo	V	Cu+ Sn
1.	38Si7	1.5023	0,35÷0,42	1,50÷1,80	0,50÷0,80	0,025	0,025					
2.	46Si7	1.5024	0,42÷0,50	1,50÷2,0	0,50÷0,80	0,025	0,025					
3.	56Si7	1.5026	0,52÷0,60	1,60÷2,0	0,60÷2,00	0,025	0,025					
4.	55Cr3	1.7176	0,52÷0,59	max 0,40	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,70÷1,00				
5.	60Cr3	1.7177	0,55÷0,65	max 0,40	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,60÷0,90				
6.	54SiCr6	1.7102	0,51÷0,59	1,20÷1,60	0,50÷0,80	0,025	0,025	0,50÷0,80				
7.	56SiCr7	1.7106	0,52÷0,60	1,60÷2,0	0,70-1,00	0,025	0,025	0,20÷0,45				
8.	61SiCr7	1.7108	0,57÷0,65	1,60÷2,0	0,70-1,00	0,025	0,025	0,20÷0,45				
9.	51CrV4	1.8159	0,47÷0,55	max 0,40	0,70-1,10	0,025	0,025	0,90÷1,20			0,10÷ 0,25	
10.	46SiCrV6-2	1.8151	0,40÷0,50	1,30÷1,70	0,60÷0,90	0,025	0,025	0,40÷0,80			0,10÷ 0,20	
11.	54SiCrV6	1.8152	0,51÷0,59	1,20÷1,60	0,50÷0,80	0,025	0,025	0,50÷0,80			0,10÷ 0,20	
12.	60SiCrV7	1.8153	0,56÷0,64	1,50÷2,00	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,20÷0,40				
13.	46SiCrMo6	1.8062	0,42÷0,50	1,30÷1,70	0,50÷0,80	0,025	0,025	0,50÷0,80		0,20÷ 0,30		
14.	50SiCrMo6	1.8063	0,46÷0,54	1,40÷1,80	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,80÷1,10		0,20÷ 0,35		
15.	52SiCrNi5	1.7117	0,49÷0,56	1,20÷1,50	0,70-1,00	0,025	0,025	0,70÷1,00	0,050÷ 0,070			Cu+1
16.	52CrMoV4	1.7701	0,48÷0,56	max 0,40	0,70÷1,10	0,025	0,025	0,70÷1,10		0,15÷ 0,30	0,10÷ 0,20	0Sn± 0,60
17.	60CrMo3-1	1.7239	0,56÷0,64	max 0,40	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,70-1,00		0,06÷ 0,15		
18.	60CrMo3-2	1.7240	0,56÷0,64	max 0,40	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,70-1,00		0,15÷ 0,30		
19.	60CrMo3-3	1.7241	0,56÷0,64	max 0,40	0,70÷1,00	0,025	0,025	0,70-1,00		0,25÷ 0,35		

Gatunki wymagany skład chemiczny (dotyczący analizy wytopowej) stali, przeznaczonych do sprężyn zawieszenia Tabela 2

- hartowanie w kąpieli olejowej; temperatura hartowania musi być kontrolowana, aby tworzenie się martenzytu było pewne i całkowite;
- odpuszczanie przez czas 90÷120 minut i w temperaturze ok. 400°C÷450°C w zależności od materiału, wytopu i wymaganej wytrzymałości (proces hartowania i odpuszczania w wysokiej temperaturze nazywa się ulepszaniem cieplnym);
- po wykonaniu odpuszczania odbywa się przeprężanie sprężyny; zabieg ten pozwala przez nadanie naprężeń przeciwnego znaku kierunku do naprężeń roboczych; wobec powyższego sprężyna może pracować tylko w takim kierunku w którym dokonano przeprę-żania;
- śrutowanie sprężyny, polegające na użyciu strumienia śrutu stalowego o określonym kształcie i prędkości śrutowania, mające na celu zwiększenie wytrzymałości warstwy wierzchniej sprężyny przez wytworzenie naprężeń ściskających przeciwnego znaku do obciążeń eksploatacyjnych; na rys. 1÷3 pokazano rozkład naprężeń w przekroju poprzecznym podczas i po osiadaniu sprężyny oraz przy późniejszym obciążeniu eksploatacyjnym. Rys. 1 przedstawia rozkład naprężeń w przekroju poprzecznym podczas przeprężania,

przy czym linia przerywana pokazuje teoretyczny przebieg naprężeń, który wynikałby z pełnego przebiegu sprężystego odkształcenia. Maksymalne naprężenie ściskające na krawędzi po wewnętrznej stronie jest skorygowanym naprężeniem przy zblokowaniu sprężyny τ_{ktblok} , które określa się ze wzoru:

$$\tau_{ktblok} = \tau_F + \tau_{eRi} \tag{1}$$

gdzie: $\tau_{\rm F}$ - granica plastyczności na ścinanie

 \overline{c}_{aBi} - naprężenia szczątkowe.



Rys. 1. Rozkład naprężeń w przekroju sprężyny śrubowej podczas operacji przeprężania

Linia ciągła pokazuje rzeczywisty przebieg naprężeń który kończy się granicą plastyczności na ścinanie τ_F . Zakreślony obszar pod krzywą A_P przedstawia zakres odkształceń plastycznych. Jeśli sprężyna jest znów odciążona i przeprężona rozkład naprężeń własnych jest przedstawiony na rys. 2.



Rys.2. Rozkład naprężeń w przekroju odciążonej sprężyny śrubowej po operacji przeprężania

Rozkład naprężeń w sprężynie przeprężonej z obciążeniem eksploatacyjnym jest przedstawiony na rys.3.



Rys.3. Rozkład naprężeń w przekroju poprzecznym sprężyny śrubowej przy obciążeniu eksploatacyjnym

Należy zwrócić uwagę na fakt, że naprężenie maksymalne na wewnętrznej krawędzi drutu sprężyny przez naprężenie własne są zredukowane wskutek naprężeń własnych, skierowanych w kierunku przeciwnym. W takim przypadku obowiązuje zależność:

$$\tau_{wRi} = \tau_{kt} - \tau_{eRi} \tag{2}$$

gdzie:

 τ_{kt} - naprężenie maksymalne na wewnętrznej krawędzi pręta sprężyny, gdyby sprężyna nie była poddawana operacji przeprężania.

Naprężenia wewnętrzne w przeprężonej sprężynie można wyznaczyć ze wzoru:

$$\tau_{eRi} = \tau_{ktBl} - \tau_F \tag{3}$$

Aby proces przeprężania był efektywny należy go przeprowadzać w temperaturze 100÷350°C. Efekt przeprężania sprężyny jest zależny od stosunku modu-

POJAZDY SZYNOWE NR 4/2014

łu Kirchoffa G (modułu na ścinanie) do granicy plastyczności na ścinanie. Stosunek ten powiększa się dla pręta ulepszonego cieplnie wraz ze wzrostem temperatury, ponieważ granica plastyczności na ścinanie szybciej obniża się, aniżeli moduł na ścinanie G.

- kontrola występowania rys (pęknięć) na powierzchni pręta sprężyny śrubowej proszkiem magnetycznym (metoda magnetoskopowa);
- szlifowanie powierzchni oparcia zwojów biernych sprężyn;
- usunięcie gratu ze szlifowanych końców sprężyn;
- malowanie sprężyn w celu zabezpieczenia antykorozyjnego;
- statyczna kontrola charakterystyk sprężyn (długość sprężyny pod obciążeniem, próby sprężystości krótkotrwałej oraz długotrwałej);
- pakowanie sprężyn.

3.2. Uwagi do wybranych operacji technologii wytwarzania sprężyn zawieszenia 3.2.1. Zabezpieczenie antykorozyjne

Przedstawione ww. operacje wykonania sprężyn wpływają w różnym stopniu na żywotność sprężyn. Jednym z czynników pełniących istotna rolę jest powłoka malarska, która powinna zabezpieczyć przed korozją. Optymalna powłoka malarska powinna posiadać następujące własności [1,2]:

- wytrzymałość na odrywania, a więc być elastyczna (sprężysta), aby przejmować odkształcenia powierzchni, bez odrywania;
- dobrą przyczepność do powierzchni pręta;
- odporność na mechaniczne odkształcenia;
- dobra odporność na działanie mediów, powodujących korozję (jak np. sole i kwasy);
- możliwość zastosowania metody zanurzeniowej jako metody nanoszenia powłoki malarskiej na sprężynę;
- własności szybkoschnące;
- brak zapotrzebowania na wysokie temperatury schnięcia;
- rozpuszczalność w wodzie.

Bardzo istotnym elementem jest zastosowanie powłok malarskich rozpuszczalnych w wodzie, zamiast w rozpuszczalnikach. Jak wynika z prac studialnych przeprowadzonych przez Urząd Ochrony Środowiska w Niemczech UBA (niem. Umweltbundesamt) do środowiska naturalnego jest emitowanych jest łącznie 300 000 ton organicznych środków rozpuszczalników w skali rocznej. Obok mniejszej emisji środków rozpuszczalnych należy zwrócić uwagę na mniejszą emisję powłok malarskich nie zawierających związków z metalami ciężkimi tzn. ołowiowych oraz chromowych, co przyczynia się w sposób zasadniczy do ochrony środowiska naturalnego. Należy zwrócić uwagę na fakt, że nawet przy prawidłowo dobranej powłoce malarskiej (farba gruntowa i nawierzchniowa) może dojść do jej uszkodzenia w miejscu odległym o ok. 1 do 1,5 zwoju od końca sprężyny, gdzie dochodzi do styku zwojów w trakcie pracy dynamicznej sprężyny. W miejscu styku dochodzi w sposób wymuszony do korozji.

Brak skutecznej powłoki malarskiej, jako środka zabezpieczającego może prowadzić do pęknięć zmęczeniowych, nawet w przekrojach zwojów biernych, co jest pokazane na fotografiach, przedstawionych na rys.4 i rys.5.



Rys. 4. Przełom zmęczeniowy na zwoju biernym wózka Y25Cs (płaszczyzna górna)



Rys. 5. Przełom zmęczeniowy na zwoju biernym wózka Y25Cs (płaszczyzna dolna)

Na rys. 4. i 5. widać poważne ślady korozji na powierzchniach zwojów biernych i czynnych sprężyn wewnętrznej. Korozja sprężyny wewnętrznej na powyższych rysunkach poczyniła znaczne postępy z uwagi na utratę lub zniszczenie powłoki malarskiej.

Zwoje bierne, poprawnie wykonanie, w sprężynach zawieszenia pełnią istotną rolę dla prawidłowej pracy sprężyny, a tym samym dla wytrzymałości zmęczeniowej i tak:

 prawidłowe wykonanie zwojów biernych gwarantuje dobre przyleganie do powierzchni łap maźnicy oraz do korpusu dociskacza względnie korpusu prowadnicy, co z kolei zabezpiecza prawidłowe wprowadzenie sił do sprężyny, a tym samym prawidłową jej pracę podczas eksploatacji;

istotną rolę pełni prawidłowo wykonane znakowanie, które może być wykonane w sposób trwały tylko na powierzchni zewnętrznej zwojów biernych; przenoszenie znaków wklęsłych (wybitych stemplem) na zwoje pracujące a zwłaszcza na początek pierwszego zwoju pracującego powoduje dodatkowe spiętrzenie naprężeń i może być źródłem pęknięć zmęczeniowych w eksploatacji.

Biorąc pod uwagę bardzo istotną rolę, jaką pełni powłoka malarska, badania zmęczeniowe sprężyn, zwane też badaniami trwałościowymi, należy przeprowadzać z powłokami malarskimi.

3.2.2. Wymagania dotyczące obróbki cieplnej oraz po jej zakończeniu

3.2.2.1. Obróbka cieplna

Sprężyny poddawane są ulepszeniu cieplnemu, które składa się z dwóch procesów tzn. hartowaniu w wodzie lub w oleju w zależności od zastosowanego gatunku stali oraz procesu odpuszczania w wysokich temperaturach, po którym należy zapewnić powolne stygnięcie w spokojnym powietrzu. Zwraca się uwagę na fakt, że procesy obróbki cieplnej są tak prowadzone , aby uniknąć jakichkolwiek deformacji, natomiast odwęglenie powierzchni musi mieć charakter kontrolowany. W celu zapewnienia możliwie najlepszej jakości obróbki cieplnej zaleca się, aby ustalić wstępnie temperatury hartowania i odpuszczania w zależności od rzeczywistego składu chemicznego stali i przestrzegać tych temperatur w zakresie ± 10 ?C.

3.2.2.2. Odwęglenie powierzchni

W trakcie podgrzewania sprężyny w celu formowania, zwijania oraz podczas hartowania i odpuszczania może dojść do odwęglenia powierzchni nośnej zwojów czynnych. Norma PN-EN 13298:2003 [13] definiuje odwęglenie (ang. decarburization, niem. Entkohlung) powierzchni pręta sprężyny jako zmniejszenie zawartości węgla podczas formowania sprężyny. Odwęglenie powierzchni nośnej powoduje lokalne zmniejszenie parametrów wytrzymałości statycznej oraz wytrzymałości zmęczeniowej (granicy zmęczenia materiału). W związku z powyższym należy kontrolować stopień odwęglenia, przy czym rozróżnia się dwa rodzaje stopnia odwęglenia:

- całkowite odwęglenie, gdzie warstwa powierzchniowa posiada czystą strukturę ferrytyczną;
- częściowe odwęglenie, gdzie warstwa powierzchniowa sprężyny posiada strukturę ferrytyczno-perlityczną lub ferrytycznomartenzytyczną.

Całkowite odwęglenie sprężyny jest niedopuszczalne. Zgodnie z zapisem normy europejskiej wielkość odwęglenia częściowego powierzchni może być przedmiotem uzgodnienia pomiędzy producentem a zamawiającym. O ile nie uzgodniono inaczej wielkość odwęglenia może wynosić:

- 1% średnicy "d" sprężyny, wykonanej z prętów o przekroju okrągłym;
- 1% najmniejszego średnicy pręta (zwój czynny) dla sprężyny, wykonanej z materiału o przekroju nieokrągłym.

W każdym przypadku głębokość odwęglenia nie może być większa niż 0,5 mm.

3.2.3. Jakość powierzchni sprężyny

Powierzchnia sprężyny nie powinna wykazywać żadnych błędów typu zawalcowania, karby, ślady obróbki, rysy lub pęknięcia. Aby osiągnąć tak wysokie wymagania, zaleca się aby pręty użyte na sprężyny nośne były obrobione mechanicznie. Zalecana chropowatość powierzchni pręta, o ile nie podano innej wartości w dokumentacji konstrukcyjnej, wynosi 2,5 µm.

3.2.4. Śrutowanie

Śrutowanie (obróbka strumieniem kulek stalowych, niem. "kugelstrahlen") powinno być wykonane w warunkach ustalonych przez dokumentację konstrukcyjną (warunki techniczne wykonania i odbioru) lub w warunkach określonych przez kartę UIC 822 [10]. Kontrola skuteczności procesu śrutowania określa się na próbce Almena o wymiarach nominalnych: $76,2 \times 19 \times 1,30$ mm, która wraz ze sposobem mocowania jest przedstawiona na rys. 6 (załączniku A wg karty UIC 822 [10]).



Rys. 6. Próbka Almena oraz sposób jej mocowania

Charakterystyka próbki Almena jest przedstawiona w tabeli 3.

Charakterystyka próbki Almena do badań skuteczności umocnienia powierzchniowego Tabela 3

L.p.	Własność	Wartość	Uwagi
1.	Gatunek stali	Stal walcowana na zimno	Skład che- miczny stali w p.2.
2.	Skład che- miczny	0,65% ? C ? 0,73% 0,40% ? Mn ? 0,70% 0,15% ? Si ? 0,35% P ? 0,035%, S ? 0,035%	
3.	Długość	$76,2 \pm 0,4 \text{ mm}$	
4.	Szerokość	$19^{+0,05}_{-0,1} \ \text{mm}$	
5.	Grubość	$1,30^{+0,02}_{-0,03}$ mm	
6.	Płaskość	±0,04 na wysokości łuku	

Jeżeli na podkładce w kształcie bloku umocowany płaskownik stalowy jest śrutowany tylko z jednej strony, to płaskownik stalowy zostaje zgięty jeśli zdejmie się go z podkładki, przy czym powierzchnia wypukła jest stroną poddaną śrutowaniu. Powstałe przegięcie jest funkcją skutecznego strumienia śrutowania.

W ten sposób umocowana próbka jak podano na rys. 6 jest poddawana takiemu samemu cyklowi śrutowania co sprężyny, przy czym zachowane są następujące parametry:

- prędkość krążenia sprężyn w maszynie do śrutowania
- prędkość wyrzucenia śrutu stalowego
- rodzaj i wymiary śrutu stalowego.

Twardość płaskownika stalowego wynosi 62÷65 HRC. Urządzenie pomiarowe ALMEN do pomiaru krzywizny próbek badanych jest przedstawione na rys.7.



Rys. 7. Urządzenie pomiarowe do określenia krzywizny płytek badanych

Miernik służy do określenia krzywizny badanych płytek. Jest to czujnik zegarowy z tarczą i wyskalowany z dokładnością 1/100 mm oraz zamontowany na stole z czterema kulkami ze stali hartowanej, tworzącymi prostokąt i umieszczonymi ściśle w tej samej płaszczyźnie. Trzpień znajduje się w środku prostokąta. Przesunięcie trzpienia daje miarę, która zależy od krzywizn poprzecznych i podłużnych próbki. Pomiar ten jest pomiarem ugięcia wklęsłej strony gładkiej w celu wyeliminowania wszelkich zmian, spowodowanych chropowatością powierzchni śrutowanej. Skuteczność śrutowania może być uważana jako zadawalająca jeżeli odkształcenie użytej próbki ALMEN mierzone urządzeniem pomiarowym AL-MEN jest zawarte w przedziale $0,4\div0,5$ mm. Należy wziąć pod uwagę, że jeśli umocnienie powierzchniowe ma zwiększyć skutecznie umocnienie powierzchniowe ($1,5\div1,6$ raza), to nie może być uwzględniane w obliczeniach wytrzymałościowych. Zabieg ten nie może być podważany jako skuteczny. Wątpliwości nasuwa relaksacja naprężeń w miarę upływu czasu podczas eksploatacji.

Skuteczność umocnienia powierzchniowego wykonana za pomocą procesu śrutowania zależy od następujących parametrów:

- średnicy kulek stalowych;
- prędkości śrutowania;
- kąt pochylenia do powierzchni obrabianej (kąt natarcia);
- natężenie przepływu;
- czas śrutowania.

4. Wpływ odchyłek wykonawczych na sztywność sprężyn

4.1. Wysokość sprężyny zewnętrznej pod obciążeniem

Wpływ odchyłek wykonawczych na sztywność sprężyn przeanalizowano na przykładzie sprężyny zewnętrznej wózka Y25L. Analizę wykonano w oparciu o wzór na sztywność sprężyny:

$$k_{1} = \frac{G \cdot d_{1}^{4}}{8 \cdot z_{C1} \cdot D_{1}^{3}}$$
(4)

gdzie:

G - moduł Kirchoffa (moduł sprężystości poprzecznej);

d₁ - średnica drutu;

- D₁ średnica podziałowa;
- z_{C1} ilość zwojów czynnych.

Jak wynika z dokumentacji konstrukcyjnej, tolerancja podatności sprężyny zewnętrznej wynosi $c_1=20\pm1,6$ mm/1000 daN (c=19,69±1,57mm/1000 kG). Sprężyna ma wysokość tolerowaną pod obciążeniem 880 daN, które odpowiada masie wagonu czteroosiowego o masie 20 000 kg na wózkach Y25Lsd i wynosi ona 242^{+1}_{-3} mm (H_{1MIN}=239 mm oraz H_{2MAX}=243 mm). Wysokość sprężyny, która wynika z rozrzutu podatności wynoszącej +8% wynosi odpowiednio:

$$H_{PROZNY1} = H - c_1 \cdot P_1$$
(5)

Po wstawieniu danych liczbowych H=260 mm, c_1 =21,6 mm/1000daN oraz P_1 =880 daN otrzymuje się

$$H_{PROZNY1} = 260 - \frac{21,6 \cdot 880}{1000} = 240,99 \text{mm} \quad (6)$$

Po wstawieniu danych liczbowych H=260 mm, c_1 =18,4 mm/1000 daN oraz P_1 =880 daN otrzymuje się:

$$H_{PROZNY1} = 260 - \frac{18,4.880}{1000} = 243,808mm \quad (7)$$

W przypadku nominalnej wartości podatności "c", wynoszącej $c_{NOM}=20 \text{ mm}/1000 \text{ daN}$ otrzymuje się:

$$H_{PROZNY1} = 260 - \frac{20 \cdot 880}{1000} = 242,4mm$$
 (8)

Jak widać z powyższych obliczeń, rozrzut podatności $\pm 8\%$ gwarantuje z pewnym zastrzeżeniem osiągnięcie wymiaru 242^{+1}_{-3} , pod obciążeniem 880 daN.

4.2. Wpływ odchyłek na sztywność sprężyny wyznaczony metodą Langrange'a oraz metodą arytmetyczną

Aby wyznaczyć wpływ odchyłek na sztywność (podatność) sprężyny zewnętrznej wyliczono pierwszą pochodną złożoną, jako sumę pochodnych cząstkowych. Funkcję odchyłek sztywności jako pochodna cząstkowa wyznacza się ze wzoru:

$$\mathbf{t}_{k} = \left| \frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{d}_{1}} \cdot \mathbf{t}_{d1} \right| + \left| \frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{D}_{1}} \cdot \mathbf{t}_{\mathbf{D}_{1}} \right| + \left| \frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{z}_{c}} \cdot \mathbf{t}_{zc} \right|$$
(9)

Poszczególne pochodne cząstkowe wynoszą odpowiednio:

$$\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{d}_1} = \frac{4 \cdot \mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_1^3}{8 \cdot \mathbf{D}_1^3 \cdot \mathbf{z}_{c1}} \tag{10}$$

$$\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{D}_{1}} = -\frac{3 \cdot \mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_{1}^{4}}{8 \cdot \mathbf{D}_{1}^{4} \cdot \mathbf{z}_{c1}}$$
(11)

$$\frac{\partial k}{\partial z_{c1}} = -\frac{G \cdot d_1^4}{8 \cdot D_1^3 \cdot z_{c1}^2}$$
(12)

W dalszej kolejności poszukiwano wartości optymalnych D₁ i d₁, natomiast ilość zwojów z_C przyjęto jako wielkość, wynikającą z warunku założonej sztywności "k₀". Przekształcając wzór (4) otrzymuje się:

$$z_{\rm C} = \frac{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}^{\rm T}}{8 \cdot \mathbf{D}^3 \cdot \mathbf{k}_0} \tag{13}$$

Po wstawieniu wartości liczbowych do wzoru (13) tzn. G=7850 daN/mm² oraz k=49,82 daN/mm otrzymuje się:

$$z_{C1} = \frac{7850 \cdot d_1^4}{8 \cdot 49,82 \cdot D_1^3}$$
(14)

Po wstawieniu wyrazu (13) do równań (10), (11) oraz (12) otrzymuje się:

$$\frac{\partial \mathbf{k}_{0}}{\partial \mathbf{d}_{1}} = \frac{4 \cdot \mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_{1}^{3}}{8 \cdot \mathbf{D}_{1}^{3} \cdot \frac{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_{1}^{4}}{8 \cdot \mathbf{D}_{1}^{3} \cdot \mathbf{k}_{0}}} = \frac{4\mathbf{k}_{0}}{\mathbf{d}_{1}}$$
(15)

$$\frac{\partial \mathbf{k}_0}{\partial \mathbf{D}_1} = -\frac{3 \cdot \mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_1^4}{8 \cdot \mathbf{D}_1^4 \cdot \frac{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_1^4}{8 \cdot \mathbf{D}_1^3 \cdot \mathbf{k}}} = -\frac{3\mathbf{k}_0}{\mathbf{D}_1}$$
(16)

$$\frac{\partial \mathbf{k}_0}{\partial \mathbf{z}_{C1}} = -\frac{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_1^4}{\mathbf{8} \cdot \mathbf{D}_1^3 \cdot \left(\frac{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_1^4}{\mathbf{8} \cdot \mathbf{D}_1^3 \cdot \mathbf{k}_0}\right)^2} = \frac{\mathbf{8} \cdot \mathbf{D}_1^3 \cdot \mathbf{k}_0^2}{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_1^4} \tag{17}$$

$$\mathbf{t}_{k} = \frac{4\mathbf{k}_{0}}{\mathbf{d}_{1}} \cdot \mathbf{t}_{d1} + \frac{3\mathbf{k}_{0}}{\mathbf{D}_{1}} \cdot \mathbf{t}_{D1} + \frac{8 \cdot \mathbf{D}_{1}^{3} \cdot \mathbf{k}_{0}^{2}}{\mathbf{G} \cdot \mathbf{d}_{1}^{4}} \cdot \mathbf{t}_{n1}$$
(18)

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (18) tzn. k_0 =49,82 daN/mm, d₁=31 mm, t_{d1}=0,31 mm, D₁=163^{+1,5} mm, G=7850 daN/mm² oraz t_n=0,1 zwoju otrzymuje się odchyłkę dodatnią sztywności sprężyny zewnętrznej:

$$+t_{k} = \frac{4 \cdot 49,82}{31} \cdot 0,31 + \frac{3 \cdot 49,82}{163} \cdot 1,5 + \frac{8 \cdot 163^{3} \cdot (49,82)^{2}}{7850 \cdot 31^{4}} \cdot 0,1$$
(19)

 $+ t_{k} = 1,9928 + 1,3753 + 1,1861 = 4,5514 daN/mm$ (20)

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (18) tzn. k_0 =49,82 daN/mm, d₁=31 mm, t_{d1}=0,31 mm, D₁=163⁺² mm, G=7850 daN/mm² oraz t_n=0,1 zwoju otrzymuje się odchyłkę ujemną sztywności sprężyny zewnętrznej:

$$-t_{k} = -\frac{4 \cdot 49,82}{31} \cdot 0,31 - \frac{3 \cdot 49,82}{163} \cdot 2 - \frac{8 \cdot 163^{3} \cdot (49,82)^{2}}{7850 \cdot 31^{4}} \cdot 0,1$$
(21)
$$t_{k} = -\frac{10028}{163} \cdot 1822 \cdot 11861 - 5000 \text{ do N/mm}$$

 $-t_{k} = -1,9928 - 1,833 - 1,1861 = -5,009 \text{daN/mm}$ (22)

Tolerancja sztywności sprężyny zewnętrznej zgodnie z rozkładem Gaussa wynosi więc:

$$k_0 = 49,82^{+4,5514}_{-5,009} \text{ daN/mm}$$
 (23)

Ww. odchyłki sztywności w przeliczeniu procentowym przedstawiają się następująco:

$$k_0 = 49,82^{+9,13\%}_{-10,05\%} daN/mm$$
 (24)

Z przedstawionych obliczeń, wynikających ze skrajnych odchyłek wykonawczych tzn. d = $31 \pm 0,31$ mm, D = $163^{+2}_{-1,5}$ mm oraz z_C=±0,1 zwoja wynika, że najmniejsza tolerancja sztywności sprężyny zewnętrznej przy skrajnych odchyłkach wykonawczych wynosi:

$$k_{\rm MIN} = 44,81 \, \text{daN/mm}$$
(25)

Największa tolerancja sztywności przy skrajnych odchyłkach wykonawczych wynosi:

$$k_{MAX} = 54,37 da N/mm$$
 (26)

Rachunek sprawdzający można wykonać w oparciu o metodę arytmetyczną:

$$k_{\rm MIN} = \frac{7850 \cdot (31 - 0.31)^4}{8 \cdot (163 + 2)^3 \cdot 4.3} = 45,06 \, \rm{daN/mm}$$
 (27)

$$k_{MAX} = \frac{7850 \cdot (31+0.31)^4}{8 \cdot (163-1.5)^3 \cdot 4.1} = 54,60 \text{ daN/mm}$$
(28)

Wartości sztywności sprężyny zewnętrznej, wyznaczone metodą Langrange'a (wzory (25) oraz (26)) oraz metodą arytmetyczną (wzory (27) oraz (28)) są zbliżone, co dowodzi poprawności wykonanych obliczeń.

Tolerancja sztywności otrzymana metodą arytmetyczną wynosi:

$$k_0 = 49,82^{+4,78}_{-4,76} daN/mm$$
 (29)

Tolerancja sztywności wyrażona w procentach wynosi:

$$k_0 = 49,82^{+9,59\%}_{-9,55\%} daN/mm$$
 (30)

4.3. Wpływ odchyłek na sztywność sprężyny wyznaczony metodą statystyczną

Zakładając, że odchyłki są zgodne z rozkładem statystycznym Gaussa (rozkładem normalnym) sztywność można wyznaczyć z następującej zależności:

$$k_{0STAT} = k_0 - k_M \pm \frac{T_N}{2}$$
(31)

gdzie:

k_M - współczynnik skośności,

k₀ - sztywność nominalna

T_M - tolerancja wynikowa

Współczynnik skośności (asymetrii) wyraża się wzorem:

$$k_{M} = \frac{\partial k}{\partial D} \cdot \frac{(D_{11} + D_{12})}{2} = \frac{3k_{0}}{D_{1}} \frac{(2 - 1, 5)}{2}$$
(32)

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (32) tzn. $k_0=49,82$ daN/mm, $D_1=163$ mm, $D_{11}=2mm$ oraz $D_{12}=1,5$ mm otrzymuje się:

$$k_{\rm M} = \frac{\partial k}{\partial D} \cdot \frac{\left(D_{11} + D_{12}\right)}{2} = \frac{3 \cdot 49,82}{163} \frac{\left(2 - 1,5\right)}{2} = 0,2292 \,\text{daN/mm}$$
(33)

Tolerancję wyznacza się ze wzoru:

$$T_{N} = \sqrt{\left(\frac{\partial k}{\partial d_{1}} \cdot t_{d} \times 2\right)^{2} + \left(\frac{\partial k}{\partial D_{1}} \cdot (t_{D1} + t_{D2})\right)^{2} + \left(\frac{\partial k}{\partial z_{c1}} \cdot 2z_{C1}\right)^{2}} (34)$$

Wstawiając dane liczbowe do wzoru (34), a więc:

$$\frac{\partial k_0}{\partial d_1} = \frac{4k_0}{d_1} = \frac{4 \cdot 49,82}{31} = 6,4283 \,\mathrm{daN/mm^2}$$
(35)

$$\frac{\partial k_0}{\partial D_1} = -\frac{3k_0}{D_1} = -\frac{3 \cdot 49,82}{163} = -0,9169 \,\text{daN/mm}^2$$
(36)

$$\frac{\partial k_0}{\partial z_{C1}} = -\frac{8 \cdot D_1^3 \cdot k_0^2}{G \cdot d_1^4} = \frac{8 \cdot 163^3 \cdot 49,82^2}{7850 \cdot 31^4} = -11,8616 \text{daN/mm}$$
(37)

Po wstawieniu danych liczbowych $t_d=0,31$ mm, $t_{D1}+t_{D2}=3,5$ mm oraz $z_{c1}=0,1$ zwoju do równania (34) otrzymuje się:

$$T_{\rm N} = \sqrt{(6,4283 \cdot 0,31 \times 2)^2 + (0,9169 \cdot 3,5)^2 + (11,861 \cdot 2 \cdot 0,1)^2} = 5,640 \,\mathrm{mm}$$
(38)

Wstawiając dane liczbowe, otrzymane ze wzorów (33) i (38) do wzoru (31) otrzymuje się:

$$k_{OSTAT} = 49,82 - 0,2292 \pm 0,5 \cdot 5,640 = 49,59 \pm 2,82 \text{ daN/mm}$$
 (39)

Sztywność statystyczna minimalna oraz maksymalna sprężyny zewnętrznej wynosi odpowiednio:

$$k_{OSTATMIN} = 46,77 \text{ daN/mm}$$

$$k_{OSTATMAX} = 52,41 \text{ daN/mm}$$

$$(40)$$

$$(41)$$

$$k_{OSTATMAX}$$
=52,41 daN/mm

Obliczając odchyłki górne i dolne w sposób niezależny otrzymuje się:

$$t_{G} = \sqrt{\left(\frac{\partial k}{\partial d_{I}} \cdot t_{dI}\right)^{2} + \left(\frac{\partial k}{\partial D_{I}} \cdot (t_{DGI})\right)^{2} + \left(\frac{\partial k}{\partial z_{cI}} \cdot t_{ZCI}\right)^{2}}$$
(42)

oraz

$$\mathbf{t}_{G} = \sqrt{\left(\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{d}_{1}} \cdot \mathbf{t}_{d1}\right)^{2} + \left(\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{D}_{1}} \cdot (\mathbf{t}_{DD1})\right)^{2} + \left(\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial z_{e1}} \cdot \mathbf{t}_{ZC1}\right)^{2}}$$
(43)

Wstawiając dane liczbowe do wzoru (41) oraz (42) otrzymuje się odpowiednio:

$$t_{\rm G} = \sqrt{(6,4283 \cdot 0,31)^2 + (0,9169 \cdot 1,5)^2 + (11,861 \cdot 0,1)^2} = 2,6962 \,\text{daN/mm}$$
(44)

oraz

$$t_{\rm D} = \sqrt{(6,4283 \cdot 0,31)^2 + (0,9169 \cdot 2)^2 + (11,861 \cdot 0,1)^2} = 2,9564 \text{daN/mm}$$
(45)

Tolerancja statystyczna, jako suma odchyłek t_G oraz t_D wynosi odpowiednio:

$$T_N = t_D + t_G = 2,9564 + 2,6962 = 5,6526 \text{ daN/mm}$$
 (46)

Sztywność statystyczna minimalna oraz maksymalna sprężyny zewnetrznej wynosi odpowiednio:

$$k_{OSTATMAX} = k_0 + t_G = 49,82 + 2,6962 = 52,51 \text{ daN/mm}$$
 (47)

$$k_{OSTATMIN} = k_0 - t_D = 49,82 - 2,9564 = 46,86 \text{ daN/mm}$$
 (48)

Wartości te (wzory (47) i (48)) są zbliżone do wartości sztywności sprężyny zewnętrznej, przedstawionych we wzorach (39) oraz (40), co dowodzi poprawności przeprowadzonych obliczeń.

Tolerancje sztywności wyrażone procentowo w stosunku do wartości nominalnej wynoszą odpowiednio:

$$k_{OSTAT} = 49,82_{-2,9564}^{+2,6962} = 49,82_{-5,93\%}^{+5,41\%} \, daN/mm$$
(49)

Podatność nominalna sprężyny zewnętrznej wynikająca ze wzoru (49) wynosi odpowiednio:

$$c_0 = 20,07 \text{mm}/1000 \text{daN}$$

Podatność minimalna sprężyny zewnętrznej w ujęciu statystycznym wynosi odpowiednio:

$$c_{OSTATMIN} = 19,04 \text{mm}/1000 \text{daN}$$
 (51)

Podatność maksymalna sprężyny zewnętrznej w ujęciu statystycznym wynosi odpowiednio:

$$c_{OSTATMIN} = 21,34 \text{mm}/1000 \text{daN}$$
(52)

Przedstawiając zależności (48), (49) oraz (51) w formie odchyłek od wartości nominalnej otrzymuje się zależność:

$$c_{\text{OSTAT}} = 20,07^{+1,27}_{-1,03} \,\text{mm}/1000 \,\text{daN}$$
(53)

Wyrażając odchyłki podatności w formie procentowej od wartości nominalnej otrzymuje się zależność:

$$c_{\rm OSTAT} = 20,07^{+6,32\%}_{-5,13\%} \,\text{mm}/1000 \,\text{daN}$$
(54)

Jak widać z przeprowadzonej analizy, w przypadku założenia, że odchyłki mające wpływ na podatność (sztywność) drutu mają rozkład losowy zgodny z rozkładem normalnym, to wówczas warunek tolerancji podatności, założonej w zakresie ±8% wartości nominalnej, jest spełniony z dużą rezerwa.

(50)

4.4. Wpływ zaostrzonych odchyłek wykonawczych na sztywność sprężyny wyznaczony metodą Langrange'a

Zakładając, że sprężyna zewnętrzna jest wykonana z drutu szlifowanego to wtedy odchyłki średnicy pręta wynoszą $Ø31\pm0,1$ mm oraz założono tolerancję wykonania liczby zwojów, wynoszącą $4,2\pm0,05$ zwoju.

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (18) tzn. k_0 =49,82 daN/mm, d₁=31 mm, t_{d1}=0,1 mm mm, D₁=163^{+1,5} mm, G=7850 daN/mm² oraz t_n=0,05 zwoja otrzymuje się odchyłkę dodatnią sztywności sprężyny zewnętrznej:

$$+t_{k} = \frac{4 \cdot 49,82}{31} \cdot 0,1 + \frac{3 \cdot 49,82}{163} \cdot 1,5 + \frac{8 \cdot 163^{3} \cdot (49,82)^{2}}{7850 \cdot 31^{4}} \cdot 0,05$$
(55)

$$+ t_{k} = 0.6428 + 1.3753 + 0.593 = 2.611 da N/mm$$
 (56)

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (18) tzn. k_0 =49,82 daN/mm, d₁=31 mm, t_{d1}=0,1 mm, D₁=163⁺² mm, G=7850 daN/mm² oraz t_n=0,05 zwoju otrzymuje się odchyłkę ujemną sztywności sprężyny zewnętrznej:

$$-t_{k} = -\frac{4 \cdot 49,82}{31} \cdot 0,1 - \frac{3 \cdot 49,82}{163} \cdot 2 - \frac{8 \cdot 163^{3} \cdot (49,82)^{2}}{7850 \cdot 31^{4}} \cdot 0,05$$
(57)

$$-t_{k} = -0,6428 - 1,833 - 0,593 = -3,0688 \text{daN/mm}$$
(58)

Tolerancja sztywności sprężyny zewnętrznej zgodnie z rozkładem Gaussa wynosi więc:

$$k_0 = 49,82_{-3,0688}^{+2,611} \text{ daN/mm}$$
(59)

Ww. odchyłki sztywności w przeliczeniu procentowym przedstawiają się następująco:

$$k_0 = 49,82^{+5,24\%}_{-6,15\%} \,daN/mm \tag{60}$$

Z przedstawionych obliczeń, wynikających ze skrajnych odchyłek wykonawczych tzn. $d = 31 \pm 0.1 \text{mm}$, $D = 163^{+2}_{-1.5} \text{mm}$ oraz $z_C = \pm 0.05$ zwoja wynika, że najmniejsza tolerancja sztywności sprężyny zewnętrznej przy skrajnych odchyłkach wykonawczych wynosi:

$$k_{\rm MIN} = 46,75 \, \text{daN/mm} \tag{61}$$

Największa tolerancja sztywności przy skrajnych odchyłkach wykonawczych wynosi: $k_{MAX} = 52,43 daN/mm$

Rachunek sprawdzający można wykonać w oparciu o metodę arytmetyczną:

$$k_{\rm MIN} = \frac{7850 \cdot (31 - 0.1)^4}{8 \cdot (163 + 2)^3 \cdot 4.25} = 46.85 \, \rm{daN/mm}$$
(63)

$$k_{MAX} = \frac{7850 \cdot (31+0,1)^4}{8 \cdot (163+1,5)^3 \cdot 4,15} = 52,51 \, daN/mm$$
(64)

Wartości sztywności sprężyny zewnętrznej wyznaczone metodą Langrange'a (wzory (61) oraz (62)) oraz metodą arytmetyczną (wzory (63) oraz (64)) są zbliżone, co dowodzi poprawności wykonanych obliczeń.

Tolerancja sztywności otrzymana metodą arytmetyczną wynosi odpowiednio:

$$k_0 = 49,82^{+2,69}_{-2.97} \,daN/mm \tag{65}$$

Tolerancja sztywności wyrażona w procentach wynosi odpowiednio:

$$k_0 = 49,82^{+5,39\%}_{-5,96\%} \, daN/mm \tag{66}$$

4.5. Wpływ zaostrzonych odchyłek wykonawczych na sztywność sprężyny wyznaczony metodą statystyczną

Po wstawieniu danych liczbowych $t_d=0,1$ mm, $t_{D1}+t_{D2}=3,5$ mm oraz $tz_{c1}=0,05$ zwoju do równania (34) otrzymuje się:

$$T_{N} = \sqrt{(6,4283 \cdot 0,1 \times 2)^{2} + (0,9169 \cdot 3,5)^{2} + (11,861 \cdot 2 \cdot 0,05)^{2}} = 3,654 \text{mm}$$
(67)

Wstawiając dane liczbowe, otrzymane ze wzorów (33) i (67) do wzoru (31) otrzymuje się:

(62)

$$k_{OSTAT} = 49,82 - 0,2292 \pm 0,5 \cdot 3,654 = 49,59 \pm 1,827 \text{ daN/mm}$$
 (68)

Sztywność statystyczna minimalna oraz maksymalna sprężyny zewnętrznej wynosi odpowiednio:

$$k_{\text{OSTATMIN}} = 51,417 \text{ daN/mm}$$
(69)

$$k_{OSTATMAX} = 47,763 \text{ daN/mm}$$
(70)

Obliczając odchyłki górne i dolne w sposób niezależny otrzymuje się:

$$\mathbf{t}_{\mathrm{G}} = \sqrt{\left(\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{d}_{1}} \cdot \mathbf{t}_{\mathrm{d}1}\right)^{2} + \left(\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{D}_{1}} \cdot \left(\mathbf{t}_{\mathrm{DG1}}\right)\right)^{2} + \left(\frac{\partial \mathbf{k}}{\partial \mathbf{z}_{\mathrm{e1}}} \cdot \mathbf{t}_{\mathrm{ZC1}}\right)^{2}}$$
(71)

oraz

$$t_{\rm D} = \sqrt{\left(\frac{\partial k}{\partial d_1} \cdot t_{d1}\right)^2 + \left(\frac{\partial k}{\partial D_1} \cdot \left(t_{\rm DD1}\right)\right)^2 + \left(\frac{\partial k}{\partial z_{c1}} \cdot t_{\rm ZC1}\right)^2}$$
(72)

Wstawiając dane liczbowe do wzoru (71) oraz (72) otrzymuje się odpowiednio:

$$t_{\rm G} = \sqrt{(6,4283 \cdot 0,1)^2 + (0,9169 \cdot 1,5)^2 + (11,861 \cdot 0,05)^2} = 1,6298 \text{daN/mm}$$
(73)

oraz

$$t_{\rm D} = \sqrt{(6,4283 \cdot 0,1)^2 + (0,9169 \cdot 2)^2 + (11,861 \cdot 0,05)^2} = 2,031 \text{daN/mm}$$
(74)

Tolerancja statystyczna, jako suma odchyłek t_G oraz t_D wynosi odpowiednio:

$$T_N = t_D + t_G = 1,6298 + 2,031 = 3,6608 \text{ daN/mm}$$
(75)

Sztywność statystyczna minimalna oraz maksymalna sprężyny zewnętrznej wynosi odpowiednio:

$$\begin{aligned} k_{\text{OSTATMAX}} &= k_0 + t_G = 49,82 + 1,6298 = 51,44 \text{ daN/mm} \\ k_{\text{OSTATMIN}} &= k_0 - t_D = 49,82 - 2,031 = 47,789 \text{ daN/mm} \end{aligned} \tag{76}$$

Wartości te (wzory (76) i (77)) są zbliżone do tych wartości sztywności sprężyny zewnętrznej, które są przedstawione we wzorach (69) oraz (70), co dowodzi poprawności przeprowadzonych obliczeń.

Tolerancje sztywności wyrażone procentowo w stosunku do wartości nominalnej wynoszą odpowiednio:

$$k_{OSTAT} = 49,82^{+1,6298}_{-2,031} \text{ daN/mm} = 49,82^{+3,27\%}_{-4,07\%} \text{ daN/mm}$$
(78)

Podatność nominalna sprężyny zewnętrznej wynikająca ze wzoru (49) wynosi odpowiednio:

$$c_0 = 20,07 \text{mm}/1000 \text{daN}$$
 (79)

Podatność minimalna sprężyny zewnętrznej w ujęciu statystycznym wynosi odpowiednio:

$$c_{OSTATMIN} = 19,44 \text{mm}/1000 \text{daN}$$
 (80)

Podatność maksymalna sprężyny zewnętrznej w ujęciu statystycznym wynosi odpowiednio:

$$c_{\text{OSTATMIN}} = 20,92 \text{mm}/1000 \text{daN}$$
(81)

Przedstawiając zależności (48), (49) oraz (51) w formie odchyłek od wartości nominalnej otrzymuje się zależność:

$$c_{OSTAT} = 20,07_{-0.49}^{+0.61} \text{mm}/1000 \text{daN}$$
(82)

Wyrażając odchyłki podatności w formie procentowej od wartości nominalnej otrzymuje się zależność:

$$c_{\rm OSTAT} = 20,07^{+3,03\%}_{-2,44\%} \,\text{mm}/1000 \,\text{daN}$$
(83)

Jak widać z przeprowadzonej analizy, w przypadku założenia, że odchyłki mające wpływ na podatność (sztywność) pręta mają rozkład losowy zgodny z rozkładem normalnym to wówczas warunek tolerancji podatności, założonej w zakresie ±8% wartości nominalnej jest spełniony z dużą rezerwą.

5. Konstrukcja sprężyny, a przyjmowana energia sprężysta

W niniejszym artykule oraz w opracowaniach [3 i 4] wykazano, że obydwie sprężyny wewnętrzna oraz zewnętrzna wózka Y25L są mocno wytężone. Wytężenie materiału sprężyny można poszczególnych sprężyn można porównać przez wykonanie rachunku energetycznego. W przypadku sprężyny zewnętrznej maksymalna energia sprężysta pochłonięta przez sprężynę zewnętrzną wynosi:

$$\mathbf{E}_{\mathrm{MAX1}} = \frac{1}{2} \cdot \mathbf{k}_{1} \cdot \mathbf{f}_{1\mathrm{MAX}}^{2} \tag{84}$$

Wstawiając dane liczbowe do wzoru (84) tzn. k₁ = 49,82 daN/mm oraz f_{1MAX} = 18 + 60 mm = 0,78 m otrzymuje się:

$$E_{MAX1} = \frac{1}{2} \cdot 49,82 \cdot 10^4 \cdot 0,78^2 \cdot 10^{-3} = 151,55 \text{kJ}$$
(85)

Dla porównania, sprężyna wewnętrzna przejmuje energię sprężystą, określoną wzorem:

$$\mathbf{E}_{\mathrm{MAX2}} = \frac{1}{2} \cdot \mathbf{k}_2 \cdot \mathbf{f}_{\mathrm{2MAX}}^2 \tag{86}$$

Wstawiając dane liczbowe do wzoru (84) tzn. $k_2 = 82,17 \text{ daN/mm} \text{ oraz } f_{2MAX} = 52 \text{ mm} = 0,52 \text{m}$ otrzymuje się:

$$E_{MAX2} = \frac{1}{2} \cdot 82,17 \cdot 10^4 \cdot 0,52^2 = 111,09 \text{kJ}$$
 (87)

Energia sprężysta przejęta przez sprężynę zewnętrzną oraz wewnętrzną wózka Y25L w stanie próżnym wagonu towarowego o masie 20 000 kg:

$$\mathbf{E}_{1} = \frac{1}{2} \cdot \mathbf{k}_{1} \cdot \mathbf{f}_{ZPR}^{2}$$
(88)

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (88) tzn. $k_1 = 49,82 \text{ daN/mm} = 49,82 \cdot 10^4 \text{ N/m}$ oraz f_{ZPR}? 18 mm = 0,18 mm otrzymuje się:

$$E_1 = \frac{1}{2} \cdot 49,82 \cdot 10^4 \cdot 0,18^2 \cdot 10^{-3} = 8,07 \text{ kJ}$$
 (89)

Energia sprężysta przejęta przez sprężynę wewnętrzną w stanie próżnym wagonu $E_2=0$.

Energia sprężysta przejęta przez sprężynę zewnętrzną w stanie ładownym wagonu o masie brutto 90 000 kg wynosi:

$$E_{1LAD} = \frac{1}{2} \cdot k_1 \cdot \left(f_{ZPR} + \Delta f + f_2 \right)$$
(90)

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (90) tzn. $k_1 = 49,82 \text{ daN/mm} = 49,82 \cdot 10^4 \text{ N/m}$ oraz $f_{ZPR} + \Delta f + f_2 = 18 + 8 + 29,50 = 55,5 \text{ mm} = 0,55 \text{ m}$:

$$E_{1LAD} = \frac{1}{2} \cdot 49,82 \cdot 10^4 \cdot 0,555^2 \cdot 10^{-3} = 76,72 \text{ kJ}$$
(91)

Energia sprężysta przejęta przez sprężynę wewnętrzną w stanie ładownym wagonu o masie brutto 90 000 kg wynosi:

$$E_{2LAD} = \frac{1}{2} \cdot k_2 \cdot f_2^2 \tag{92}$$

Po wstawieniu danych liczbowych do wzoru (92) tzn. $k_2 = 82,17 \text{ daN/mm} = 82,17 \cdot 10^4 \text{ N/m}$ oraz $f_2=29,50 \text{ mm}=0,295 \text{ m}$ wynosi:

$$E_{2LAD} = \frac{1}{2} \cdot 82,17 \cdot 10^4 \cdot (0,295)^2 \cdot 10^{-3} = 35,75 \text{kJ} \quad (93)$$

Porównanie energii sprężystych przejętych przez sprężyny zewnętrzne oraz wewnętrzne wózka Y25L w poszczególnych stanach załadowania wagonu jest przedstawione na rys.8.



Legenda:

Oś pozioma X: I - stan próżny wagonu, II - stan ładowny, III stan maksymalny Oś pionowa Y: kJ

Rys.8. Porównanie energii sprężystych przejętych przez sprężynę zewnętrzną oraz sprężynę wewnętrzną w różnych stanach załadowania wagonu

6. WNIOSKI

Z przeprowadzonych analiz wynika, że w celu zapewnienia właściwej wytrzymałości statycznej oraz zmęczeniowej konieczne jest podjęcie przez producenta właściwego reżimu technologicznego i procesów odbiorczych w celu zapewnienia odpowiedniej jakości. Sprężyny wózka Y25L nie sa jedynymi elementami, posiadającymi kompaktową budowę i przenoszącymi poważne siły statyczne oraz dynamiczne. W wielu pojazdach konstruowanych obecnie miejsce wyznaczone dla układu biegowego jest ograniczone, co sprawia że elementy są bardzo poważnie wytężone podczas eksploatacji. Zmusza to konstruktorów do poszukiwania dalszych, bardziej wydajnych rozwiązań pod względem funkcjonalnym oraz wytrzymałościowym, zapewniających oprócz kompaktowej (zwartej) budowy, wysoką wytrzymałość oraz trwałość. Aby zapewnić wymaganą żywotność sprężyn zawieszenia pierwotnego, konieczne jest prawidłowe funkcjonowanie tłumika ciernego, co wymaga między innymi zastosowania płytek odpornych na ścieranie wg karty UIC 893 [11]. Kompaktowa budowa wózka jest powiązana z wymogiem minimalnej masy własnej układu biegowego, a tym samym wagonu towarowego. W takim przypadku można zrealizować możliwie maksymalną ładowność wagonu towarowego, co przyczynia sie do wzrostu konkurencyjności transportu kolejowego ładunków, w stosunku do pozostałych rodzajów transportu, zwłaszcza drogowego. Aby sprężyny

wózka dwuosiowego wagonu towarowego Y25L spełniły wszechstronne wymagania, konieczne jest opracowanie właściwej dokumentacji wykonawczej przez konstruktora, zastosowanie prawidłowej technologii wykonania i odbiorów oraz zapewnienie prawidłowej eksploatacji, przez utrzymanie zawieszenia przymaźnicznego w prawidłowym stanie, opartym o wytyczne zawarte w DSU.

7. LITERATURA

- [1] Kaiser B.: Untersuchung des Korrosionsschutzes an Schraubenfedern für Schienenfahrzeuge. Eisenabahntechnische Rundschau Nr. 7+8/2008.
- [2] Schmidt D.: Tragfeder aus Stahl für Schienenfahrzeuge. Konstruktion, Berechnung, Fertigung. Eine Veröffentlichung des Federnwerkes Langen & Sondermann GmbH&Co.KG. 2002.
- [3] Sobaś M: Problematyka usprężynowania wózków wagonów towarowych typu Y25. Pojazdy Szynowe nr 1/2014.
- [4] Sobaś M.: Analiza usprężynowania wózków wagonów towarowych typu Y25. Pojazdy Szynowe nr 2/2014.
- [5] Karta UIC 432: Wagony towarowe. Prędkości jazdy. Warunki techniczne, które należy spełnić. 11-te wydanie 09/2006.
- [6] Karta UIC 500: Normalizacja taboru transportowego i jego elementów. Zasady, procedury, 2-gie wydanie, grudzień 2000.
- [7] Karta UIC 510-1: Wagony towarowe. Układ biegowy standaryzacja. 9-te wydanie z 1.01.78. 14-ście zmian od 1.01.80 do 1.01.97.
- [8] Karta UIC 517: Wagony towarowe. Części zawieszenia resorowego. Normalizacja. 7dme wydanie z maja 2007.
- [9] Karta UIC 518: Badania i homologacja pojazdów kolejowych z punktu widzenia właściwości dynamicznych, bezpieczeństwa jazdy, obciążenia toru i parametrów biegowych. 4-te wydanie z października 2009.

- [10] Karta UIC 822: Warunki techniczne dostawy sprężyn śrubowych naciskowych formowanych na gorąco lub na zimno dla pojazdów trakcyjnych i wagonów. 5-te wydanie z 11.2003
- [11] Karta UIC 893: Warunki techniczne dla dostawy blach na płyty prowadnicowe ze stali manganowej. 2gie wydanie. 06.2004.
- [12] PN-EN 10089:2002 Stale walcowane na gorąco na sprężyny ulepszane cieplnie. Warunki techniczne dostawy.
- [13] PN-EN 13298:2003: Kolejnictwo. Elementy zawieszenia. Stalowe sprężyny śrubowe zawieszenia.
- [14] PN-EN 14363:2007 Kolejnictwo. Badania własności dynamicznych przed dopuszczeniem pojazdów szynowych. Badanie właściwości biegowych i próby stacjonarne.
- [15] Raport ORE/ERRI: Frage B12 Vereinheitlichung der Güterwagen. Standard-Drehgestell. Bericht Nr.14.Utrecht, 11.1967.
- [16] Schlussbericht ERRI B12/Rp.17 (8-me wydanie): Program badań wagonów towarowych z podwoziem i strukturą wagonu ze stali (które nadają się do zabudowy sprzęgu pracującego na ściskanie) i którvch wózki mają rame stalowa. (Versuchsprogramm für Güterwagen mit Untergestell und Wagenkasten aus Stahl (die für den Einbau der Automatischen Zug-Druck Kupplung geeignet sind) und deren Drehgestelle mit stählernem Drehgestellrahmen). Utrecht, 04.1997.
- [17] Raport ORE/ERRI B55: Sicherheit gegen Entgleisen von Güterwagen in Gleisverwindungen. Bericht 8 (Schlussbericht). Utrecht, April 1983.
- [18] TSI: Dziennik Urzędowy Unii Europejskiej. Decyzja Komisji z dnia 13 marca 2013 dotycząca technicznej specyfikacji dla interoperacyjności odnoszącej się do podsystemu "tabor kolejowy - wagony towarowe" transeuropejskiego systemu kolei konwencjonalnych.
- [19] Norma DIN 2089 Teil 1: Zylindrische Schraubenfedern aus runden Drähten und Stäben. Berechnung und Konstruktion.